



Diseño Muestral

 ENEMDU TRIMESTRAL

Abril - Junio, 2024



Dirección

Dirección de Infraestructura Estadística y Muestreo (DINEM)

Elaborado por:

Pablo Peñafiel

Revisado por:

Christian Garcés

Aprobado por:

Christian Garcés

Julio Muñoz

Quito -Ecuador, 2024



Contenido

Introducción	5
1. Antecedentes.....	8
Determinación del Marco de Muestreo para encuestas de hogares.....	8
Agregación de encuestas (trimestral y anual)	8
2. Características del diseño muestral de la ENEMDU	12
Universo de investigación	12
Unidad de observación.....	12
Unidad de análisis	12
Cobertura geográfica	12
Tipo de muestreo.....	12
Dominios de estudio y representatividad:	12
3. Tamaño y selección de la muestra de la ENEMDU.....	14
Tamaño de la muestra	14
Tamaño de muestra de personas	15
Tamaño de muestra de viviendas.....	16
Tamaño de muestra de UPM	16
Asignación de la muestra	18
Selección de la muestra.....	20
Rotación de la muestra por paneles.....	20
Cobertura de viviendas planificada y efectiva:	23
Cobertura planificada	23
Cobertura efectiva.....	24
4. Cálculo de los factores de expansión	26
Cálculo del factor de expansión teórico de las ENEMDU mensuales:.....	27
Probabilidad de inclusión de primera etapa (UPM)	27
Probabilidad de inclusión de segunda etapa (viviendas)	28
Factor de expansión teórico o de diseño	28
Cálculo del factor de expansión ajustado por cobertura de las ENEMDU mensuales.....	28
Ajuste por cambio de ocupación (no elegibilidad)	28
Ajuste por nadie en casa (elegibilidad desconocida)	29
Ajuste por rechazo (no respondientes)	29
Balanceo de los factores de expansión de la ENEMDU Trimestral	30
Recorte de los factores de expansión extremos de la ENEMDU Trimestral	32
Validación del recorte de los factores de expansión extremos	34
Porcentaje de factores de expansión recortados por celda o post estrato de calibración.....	34



Error cuadrático medio (MSE) del recorte de los factores de expansión.....	35
Calibración de los factores de expansión de la ENEMDU Trimestral.....	35
Estimador de calibración	36
Validación de la calibración de los factores de expansión	38
5. Estimaciones de características	41
Estimación de características de la población:.....	41
Estimación de errores:.....	41
Métodos de estimación de errores para diseños muestrales complejos:	42
Referencias	44
Anexos	46

Lista de tablas

Tabla 1. Parámetros utilizados para el cálculo del tamaño de muestra ENEMDU 2021-2024.....	15
Tabla 2. Tamaños de muestra ENEMDU mensual.....	17
Tabla 3. Tamaños de muestra ENEMDU trimestral.....	17
Tabla 4. Tamaños de muestra ENEMDU anual.....	18
Tabla 5. Asignación mensual de la muestra de viviendas y UPM por territorio ..	19
Tabla 6. Asignación trimestral de la muestra de viviendas y UPM por territorio .	20
Tabla 7. Distribución de la cobertura planificada de viviendas por estrato socioeconómico	23
Tabla 8. Distribución de la cobertura efectiva de viviendas por estrato socioeconómico de la ENEMDU Trimestral abril-junio de 2024	24
Tabla 9. Distribución de viviendas efectivas investigadas por mes de levantamiento	30
Tabla 10. Deltas (ponderadores de balanceo) para cada dominio y mes de levantamiento	31
Tabla 11. Variables requeridas para declaración del diseño muestral – ENEMDU	43

Lista de gráficos

Gráfico 1. Esquema de rotación de paneles para la ENEMDU 2021-2024.....	21
Gráfico 2. Diagrama de flujo del proceso de cálculo de los factores de expansión de la ENEMDU Trimestral	27
Gráfico 3. Diagramas de caja y bigote de los factores de expansión balanceados de la ENEMDU Trimestral abril-junio 2024	33
Gráfico 4. Diagramas de caja y bigote de los factores de expansión recortados de la ENEMDU Trimestral abril-junio2024	33
Gráfico 5. Comparación de los factores de expansión balanceados por mes de levantamiento y recortados por dominio y grupo de edad.....	34
Gráfico 6. Comparación de los factores de expansión recortados y calibrados por dominio y grupo de edad	39



Introducción

El Instituto Nacional de Estadística y Censos (INEC) ejecuta la Encuesta Nacional de Empleo, Desempleo y Subempleo (ENEMDU) desde 1993. La ENEMDU es una encuesta de aplicación continua, la cual se realiza los doce meses del año. La información generada de la encuesta sirve de insumo al gobierno para la planificación del desarrollo nacional y su correspondiente monitoreo y evaluación, así como al sector privado y sociedad civil en general para su conocimiento y toma de decisiones.

El Instituto Nacional de Estadística y Censos (INEC), como ente rector del Sistema de Estadística Nacional y dentro de su plan de mejoramiento continuo de las operaciones estadísticas por muestreo, mediante la Dirección de Infraestructura Estadística y Muestreo (DINEM), busca innovar la metodología de los procesos estadísticos que históricamente se han llevado a cabo dentro de la institución.

Así, desde 2018, se plantean algunas mejoras puntuales al diseño muestral de la Encuesta Nacional de Empleo, Desempleo y Subempleo (ENEMDU). La técnica de muestreo de la ENEMDU es similar a la utilizada en años anteriores y corresponde a un muestreo probabilístico en dos etapas, con estratificación geográfica por dominios de estudio y área urbana y rural. Los estimadores asociados al diseño se calibran por una proyección de población calculada según métodos demográficos. Sin embargo, el nuevo diseño contempla la afinación del marco de muestro que incluye la mejora en los siguientes aspectos:

- Equilibrio de las Unidades Primarias de Muestreo (UPM).
- Estratificación acorde a las UPM equilibradas.
- Optimización de la dispersión de la muestra.

Los cambios implementados tienen el objetivo de mejorar la precisión de los estimadores y oportunidad de la información.

Por otro lado, en el segundo semestre del año 2020, la Comisión Económica para América Latina y el Caribe (CEPAL), mediante un trabajo conjunto con el INEC, realizaron un rediseño de la ENEMDU en lo referente al cálculo del tamaño y selección de la muestra, esquema de rotación de paneles y cálculo de los factores de expansión. Estos aspectos se encuentran detallados en el informe de misión de asistencia técnica que fue entregado por CEPAL al INEC en febrero de 2021, el cual se titula "Recomendaciones Metodológicas para el Rediseño de la Encuesta Nacional Empleo, Desempleo y Subempleo (ENEMDU 2021 – 2024)".



En este documento se expone de forma clara y detallada el proceso de diseño muestral de la ENEMDU, referente al cálculo del tamaño y selección de muestra, cálculo de los factores de expansión, estimación de características, errores muestrales, agregación de encuestas, etc.



1. Antecedentes



1. Antecedentes

Determinación del Marco de Muestreo para encuestas de hogares

El Marco de Muestreo se basa en los resultados definitivos y la cartografía del VII Censo de Población y VI de Vivienda del 2010 (CPV-2010); este Marco tiene la característica de ser constituido por áreas geográficas, que tienen límites perfectamente definidos e identificables sobre el terreno.

El Marco ha tenido actualizaciones parciales en función a los cambios presentados en las unidades de observación (viviendas) en determinadas áreas geográficas, debido principalmente a los movimientos y dinámica demográfica propios de la población, así como los cambios en estructuras habitacionales; que en su conjunto hacen necesario un mantenimiento continuo del Marco de Muestreo.

Se han ejecutado, en el periodo 2014-2017, diferentes procesos de actualización cartográfica con diferente alcance, los cuales se detallan a continuación:

- Encuesta Condiciones de Vida 2013-2014: 2.425 sectores censales.
- Actualización ENEMDU 2014: 5.564 sectores censales.
- Proyecto 2015: 548 sectores censales.
- Actualización 2017: 1.779 sectores censales.

El Marco de Muestreo para encuestas de hogares se lo ha dividido por dominios de estudio, y dentro de ellos sus correspondientes UPM a las cuales se asignó un estrato tomando principalmente sus características geográficas, socio-económicas y socio-demográficas con la finalidad de mejorar la precisión y exactitud de los estimadores, minimizando su varianza.

Agregación de encuestas (trimestral y anual)

Tal y como se explica en CEPAL (2021), en base al esquema rotativo 2(2)2 y al balance en el tamaño muestral mensual de la ENEMDU en el periodo 2021-2024, la encuesta puede agregarse de manera trimestral y anual. Con la agregación, la ENEMDU gana en dominios de representatividad, permitiendo la desagregación de la información para diferentes dominios geográficos con un nivel de precisión aceptable para cada uno de ellos.

Según CEPAL (2019) estas diferencias en el diseño hacen que se pueda aprovechar al máximo la capacidad inferencial de la encuesta al momento de considerar las siguientes innovaciones metodológicas:

1. Es posible considerar trimestres móviles en la estimación de las cifras concernientes al mercado de trabajo para que mes a mes el Ecuador reciba



de forma oportuna cifras confiables del mercado de trabajo en el ámbito nacional, urbana, rural y por las cinco ciudades principales. Son muchos los Institutos Nacionales de Estadística alrededor del mundo que han optado por reportar este tipo de estimaciones basadas en trimestres móviles. En particular:

- a. Las estimaciones serán mucho más suaves y no se verán afectadas significativamente por situaciones coyunturales ajenas al mercado de trabajo; por ejemplo, desastres naturales, oleadas migratorias transitorias, etc.
 - b. Además, si un fenómeno exógeno afectara la estructura del mercado de trabajo, la afectación en las cifras de trabajo se daría de forma paulatina en los siguientes dos meses; de tal forma que la dinámica cambiante del mercado de trabajo sería incorporada fácilmente con esta metodología.
 - c. La agregación computacional de los trimestres móviles es inmediata en cuanto las muestras dentro cualquier combinación de trimestres móviles son independientes, puesto que el panel es 2(2)2 y la encuesta es continua. De esta forma, los procesos de estimación no tendrían una carga importante en cuanto a procesamiento estadístico.
 - d. En cualquier mes, se podrían hacer análisis más profundos del mercado de trabajo, como los referidos a la estimación de cambios brutos.
2. Al realizar la agregación de todos los meses del año, es posible realizar la estimación de los fenómenos del mercado de trabajo y pobreza con representatividad, nacional, urbano, rural, por las cinco ciudades principales y además por las 24 provincias del Ecuador.
- a. Las estimaciones ganarán en confiabilidad, puesto que en las agregaciones anuales se tiene una mayor muestra que redundará en que las medidas de precisión de las estimaciones sean menores, haciéndose más angosto su intervalo de confianza.
 - b. Al hacer comparaciones entre dos años, la potencia estadística se incrementará sustancialmente, reduciendo la probabilidad de cometer el Error Tipo II (aceptar que no hay diferencias entre las cifras del empleo cuando en realidad sí las hay).
 - c. La agregación anual trae algunos retos computacionales puesto que, debido al esquema de rotación 2(2)2, aparecerán algunos términos



de correlación en las UPM que deben ser considerados a la hora de realizar los cálculos del error de muestreo.

- d. Las estimaciones interanuales de los cambios brutos a través de las matrices de transición serán más robustas y consistentes, puesto que la fracción de muestreo en las agregaciones anuales es más grande que en el esquema pasado.

Para el periodo 2021-2024, el INEC tiene planificado producir estadísticas oficiales a partir de la ENEMDU agregada trimestral 4 veces al año, una por cada trimestre, y una vez al año para la ENEMDU agregada anual.



2. Características del diseño muestral de la ENEMDU

2. Características del diseño muestral de la ENEMDU

Universo de investigación

El universo de estudio de la ENEMDU son personas de 5 y más años de edad, residentes en las viviendas del Ecuador, exceptuando la población que reside en viviendas colectivas, viviendas flotantes y población indigente (sin techo).

Unidad de observación

La unidad de observación son todas las viviendas particulares ocupadas que se encuentran en territorio nacional, mismas que tienen ligada su identificación geográfica mediante fuentes cartográficas.

Unidad de análisis

Para el caso de los indicadores laborales, la población de referencia son todas las personas mayores o iguales a 15 años.

Cobertura geográfica

La cobertura geográfica está definida por las viviendas ocupadas que se encuentren ubicadas dentro del territorio ecuatoriano incluyendo la región insular.

Tipo de muestreo

El tipo de muestreo de la ENEMDU corresponde a un muestreo probabilístico estratificado bietápico de elementos.

Dominios de estudio y representatividad:

- a) ENEMDU mensual:** La ENEMDU mensual tiene como sus dominios de diseño y representatividad Nacional, Urbano-Rural.
- b) ENEMDU trimestral:** La ENEMDU trimestral tiene como dominios de diseño y representatividad Nacional, Urbano-Rural y 5 ciudades principales (Quito, Guayaquil, Cuenca, Machala y Ambato).
- c) ENEMDU anual:** La ENEMDU anual tiene como dominios de diseño y representatividad Nacional, Urbano-Rural, 5 ciudades principales (Quito, Guayaquil, Cuenca, Machala y Ambato) y 24 provincias del Ecuador.

3. Tamaño y selección de la muestra ENEMDU



3. Tamaño y selección de la muestra de la ENEMDU

Tamaño de la muestra

El tamaño de muestra por dominio de la ENEMDU fue calculado considerando los siguientes parámetros:

- **N:** número de personas en cada dominio en el Marco de Muestreo.
- **M:** número de UPM en cada dominio en el Marco de Muestreo.
- **R:** porcentaje de población económicamente activa (PEA) en cada dominio. Calculado a partir de la ENEMDU anual 2019.
- **B:** promedio de personas por hogar en cada dominio, calculado a partir de la ENEMDU anual 2019.
- **Rho (ρ):** coeficiente de correlación intraclase de la tasa de desempleo para cada uno de los dominios, valor que es calculado a partir de la información de la ENEMDU anual 2019.
- **P:** tasa de desempleo en cada dominio, estimado a partir de la ENEMDU anual 2019.
- **A:** amplitud del intervalo de confianza.
- **Delta (δ):** margen de error relativo asociado a la tasa de desempleo en cada dominio. Este valor se calcula como la mitad del ancho del intervalo (A) de confianza dividido para la tasa de desempleo -estimada a partir de la ENEMDU anual 2019- y este resultado elevado al cuadrado.
- **1- α :** nivel de confianza del 95%.
- **TNR:** tasa de no respuesta del 20%, valor calculado mediante la realización de un análisis histórico de la cobertura de la encuesta en los periodos 2018, 2019 y 2020.

Para cada uno de los cálculos y escenarios de tamaño de muestra, la confiabilidad estadística para la nueva ENEMDU 2021 – 2024 se fija en 95%, además, el número de viviendas seleccionadas dentro de cada una de las UPM se sigue manteniendo en 7.

Los parámetros utilizados para el cálculo de muestra en cada uno de los dominios para la encuesta se presentan en la Tabla 1:



Tabla 1. Parámetros utilizados para el cálculo del tamaño de muestra
ENEMDU 2021-2024

Dominio	N	M	R	B	Rho	P	A
Azuay	450.652	2.643	54,90%	4,92	0,0440	2,25%	1,60%
Bolívar	224.270	1.279	51,30%	3,97	0,0170	1,31%	1,60%
Cañar	300.749	1.596	51,90%	4,33	0,0300	3,67%	1,60%
Carchi	192.573	1.288	48,60%	3,72	0,0440	4,60%	1,80%
Cotopaxi	514.752	2.807	58,10%	4,25	0,0190	1,83%	1,60%
Chimborazo	546.499	3.196	56,10%	4,52	0,0240	1,59%	1,60%
El Oro	428.880	2.862	48,60%	4,16	0,0200	4,35%	1,60%
Esmeraldas	627.896	3.392	40,00%	4,73	0,0700	10,17%	1,80%
Guayas	1.674.002	10.112	43,60%	5,51	0,0510	3,38%	1,60%
Imbabura	496.033	3.076	46,10%	4,26	0,0780	6,11%	1,60%
Loja	547.507	3.194	53,20%	4,54	0,0780	3,85%	1,60%
Los Ríos	898.647	5.459	44,30%	4,85	0,0410	2,89%	1,60%
Manabí	1.554.229	9.198	45,60%	5,40	0,0730	2,47%	1,60%
Morona Santiago	195.141	975	47,40%	4,54	0,0510	1,83%	1,60%
Napo	132.566	701	49,40%	4,36	0,0370	2,92%	1,80%
Pastaza	111.690	617	47,00%	4,05	0,0110	3,07%	1,80%
Pichincha	1.180.351	7.358	48,00%	4,78	0,0480	6,19%	1,60%
Tungurahua	399.561	2.525	60,10%	4,68	0,0130	1,15%	1,60%
Zamora Chinchipe	119.508	669	50,70%	4,13	0,0260	3,32%	1,80%
Galápagos	32.395	348	53,50%	3,22	0,0400	1,82%	1,80%
Sucumbíos	227.509	1.250	43,70%	4,21	0,0330	5,42%	1,80%
Orellana	161.472	982	46,90%	4,32	0,0420	2,69%	1,60%
Sto Domingo de los Tsáchilas	494.320	3.133	44,50%	4,21	0,0620	2,53%	1,60%
Santa Elena	386.346	2.025	40,50%	4,89	0,2000	3,20%	1,80%
Quito	1.950.476	13.811	46,40%	5,66	0,0260	9,12%	1,80%
Guayaquil	2.610.712	16.907	45,40%	6,71	0,0190	3,07%	1,00%
Cuenca	402.447	2.423	44,50%	6,08	0,0380	5,35%	1,80%
Machala	270.241	1.797	43,50%	6,38	0,0380	6,13%	1,80%
Ambato	192.509	1.376	49,50%	5,59	0,0420	4,79%	1,80%

Fuente: CEPAL. (2021). Recomendaciones Metodológicas para el Rediseño de la Encuesta Nacional Empleo, Desempleo y Subempleo (ENEMDU 2021 – 2024).

Los algoritmos que se utilizaron para el cálculo de los tamaños de muestra tanto de personas, como de viviendas y UPM, se detallan a continuación.

Tamaño de muestra de personas

La expresión matemática utilizada para el cálculo de tamaño de muestra de personas en cada dominio de diseño D es:

$$n_D \geq \frac{P(1-P) Def f}{\frac{\delta^2 P^2}{z_\alpha^2} + \frac{P(1-P) Def f}{N_D}} * \frac{1}{1 - T_{NR}}$$

Donde:



z	=	percentil de la distribución normal estándar asociado al nivel de confianza $1 - \alpha$
δ	=	margen de error relativo máximo
P	=	estimación de la variable de diseño (tasa de desempleo)
N_D	=	tamaño de la población en cada dominio de diseño D
T_{NR}	=	tasa de no respuesta

El efecto de diseño $Deff$, definido como una función de la correlación existente entre la variable de interés (desempleo) y la conformación de las UPM, está dado por la siguiente expresión:

$$Deff \approx 1 + (\bar{n} - 1) * \rho$$

Donde $\bar{n}$ es el número promedio de personas de la población económicamente activa (PEA) que serán encuestadas y ρ es la correlación intraclase entre el desempleo y la conformación de las UPM.

A su vez, $\bar{n}$ es calculada a través del siguiente algoritmo:

$$\bar{n} = 7 * r * b$$

Donde el número (7) se refiere al número de viviendas investigadas en cada UPM, r es el porcentaje de población económicamente activa (PEA) y b es el promedio de personas por hogar.

Por último, cabe señalar que la tasa de desempleo, la cual varía dependiendo del dominio de representatividad, el enfoque que se utilizó en cada dominio de diseño debería controlar el ancho del intervalo de confianza generado a partir de la encuesta. Es por esta razón que se fijó el error máximo relativo como función de la amplitud del intervalo de confianza A . Por lo tanto, se tiene que:

$$\delta = \left(\frac{A}{2}\right)^2$$

Tamaño de muestra de viviendas

El número de viviendas que deben ser seleccionadas estará determinado por la muestra de personas (n_D), número promedio de personas por vivienda (b) y el porcentaje de personas que presentan la característica de interés ($r = \text{Proporción de la PEA}$), de la siguiente forma:

$$n_{vD} = \frac{n_D}{r * b}$$

Tamaño de muestra de UPM

Las viviendas y las personas que participan en la encuesta forman parte de UPM previamente seleccionadas. En este paso final, es necesario calcular el número



de UPM que deben ser seleccionadas en la primera etapa de muestreo a partir de la relación:

$$n_{UPM_D} = \frac{n_{vD}}{\text{Carga técnica operativa}}$$

La carga técnica operativa se refiere al número de viviendas asignadas a cada encuestador como carga de trabajo; que fue el resultado de un previo análisis de correlación intraclase donde se pudo verificar, mediante simulaciones matemáticas, el número de observaciones necesarias para minimizar la varianza dentro de cada UPM. Como resultado de este procedimiento se definió tanto operativa como técnicamente que el número de viviendas a investigarse por UPM será siete (7).

Considerando las restricciones presupuestarias presentes, y luego de aplicar los algoritmos de cálculo correspondientes, se obtiene un tamaño de muestra de 9.016 viviendas mensuales. Además, al fijar en 7 el número de viviendas levantadas por UPM, el tamaño de muestra es de 1.288 UPM a ser visitadas cada mes en la ENEMDU. La distribución por dominio se muestra en las a continuación:

Tabla 2. Tamaños de muestra ENEMDU mensual

Dominio	Viviendas del marco	UPM del marco	Muestra UPM	Muestra Viviendas
Urbano	2.715.812	79.647	952	6.664
Rural	1.002.506	27.352	336	2.352
Nacional	3.718.318	106.999	1.288	9.016

Fuente: CEPAL. (2021). Recomendaciones Metodológicas para el Rediseño de la Encuesta Nacional Empleo, Desempleo y Subempleo (ENEMDU 2021 – 2024).

Tabla 3. Tamaños de muestra ENEMDU trimestral

Dominio	Viviendas del marco	UPM del marco	Muestra UPM	Muestra Viviendas
Urbano	2.715.812	79.647	2.856	19.992
Rural	1.002.506	27.352	1.008	7.056
Quito	473.957	13.811	408	2.856
Guayaquil	589.772	16.907	384	2.688
Cuenca	84.623	2.423	276	1.932
Machala	62.658	1.797	312	2.184
Ambato	47.817	1.376	252	1.764

Fuente: CEPAL. (2021). Recomendaciones Metodológicas para el Rediseño de la Encuesta Nacional Empleo, Desempleo y Subempleo (ENEMDU 2021 – 2024).

**Tabla 4.** Tamaños de muestra ENEMDU anual

Dominio	Viviendas del marco	UPM del marco	Muestra UPM	Muestra Viviendas
Urbano	2.715.812	79.647	11.424	79.968
Rural	1.002.506	27.352	4.032	28.224
Quito	473.957	13.811	1.632	11.424
Guayaquil	589.772	16.907	1.536	10.752
Cuenca	84.623	2.423	1.104	7.728
Machala	62.658	1.797	1.248	8.736
Ambato	47.817	1.376	1.008	7.056
Azuay	96.736	2.643	288	2.016
Bolívar	46.122	1.279	288	2.016
Cañar	56.745	1.596	288	2.016
Carchi	43.923	1.288	336	2.352
Cotopaxi	100.202	2.807	288	2.016
Chimborazo	114.597	3.196	288	2.016
El Oro	97.861	2.862	384	2.688
Esmeraldas	116.307	3.392	912	6.384
Guayas	348.635	10.112	336	2.352
Imbabura	104.598	3.076	720	5.040
Loja	110.928	3.194	528	3.696
Los Ríos	189.694	5.459	288	2.016
Manabí	320.021	9.198	336	2.352
Morona Santiago	34.563	975	192	1.344
Napo	24.091	701	240	1.680
Pastaza	21.361	617	288	2.016
Pichincha	258.888	7.358	624	4.368
Tungurahua	90.743	2.525	288	2.016
Zamora Chinchipe	23.108	669	288	2.016
Galápagos	8.520	348	192	1.344
Sucumbíos	43.234	1.250	384	2.688
Orellana	33.317	982	288	2.016
Sto. Domingo de los Tsáchilas	107.630	3.133	336	2.352
Santa Elena	67.667	2.025	528	3.696

Fuente: CEPAL. (2021). Recomendaciones Metodológicas para el Rediseño de la Encuesta Nacional Empleo, Desempleo y Subempleo (ENEMDU 2021 – 2024).

Mediante la agregación trimestral, la ENEMDU alcanza representatividad para las cinco ciudades principales, al establecer intervalos de confianza para la tasa de desempleo muy precisos para las mismas, con márgenes de error absolutos menores al 1%.

Asignación de la muestra

La asignación del tamaño de muestra en cada uno de los 150 estratos de muestreo se llevó a cabo usando la asignación de Kish (Kish, 1987; Maligalig & Martinez, 2013) que permite distribuir en cada uno de los estratos un tamaño de muestra óptimo, a través del siguiente algoritmo:



$$n_h = n \cdot \frac{\sqrt{\frac{1}{H^2} \left(\frac{N_h}{N}\right)^2}}{\sum_{h=1}^H \sqrt{\frac{1}{H^2} \left(\frac{N_h}{N}\right)^2}}$$

donde:

n_h = Tamaño de muestra para el estrato h

N_h = Número de UPM del estrato h

N = Número de UPM en el Marco de Muestreo.

n = Número de UPM seleccionadas en la muestra en la primera etapa de muestreo

H = Número de estratos en el dominio

Tabla 5. Asignación mensual de la muestra de viviendas y UPM por territorio

Subpoblación	Viviendas del marco	UPM del marco	Muestra UPM	Muestra Viviendas
Quito	473.957	13.811	136	952
Guayaquil	589.772	16.907	128	896
Cuenca	84.623	2.423	92	644
Machala	62.658	1.797	104	728
Ambato	47.817	1.376	84	588
Resto Sierra Urbano	592.918	17.565	192	1.344
Resto Costa Urbano	780.055	23.186	144	1.008
Amazonía Urbano	79.861	2.410	64	448
Sierra Rural	538.194	14.530	164	1.148
Costa Rural	360.130	9.862	88	616
Amazonía Rural	99.813	2.784	76	532
Región Insular	8.520	348	16	112
Total	3.718.318	106.999	1.288	9.016

Fuente: CEPAL. (2021). Recomendaciones Metodológicas para el Rediseño de la Encuesta Nacional Empleo, Desempleo y Subempleo (ENEMDU 2021 – 2024).

En la Tabla 5 se presenta la asignación de la muestra por subpoblación en la ENEMDU mensual, cabe recalcar que estos no son dominios de diseño de la encuesta mensual, por cuanto la representatividad de la ENEMDU mensual es **Nacional, Urbano-Rural**.



Tabla 6. Asignación trimestral de la muestra de viviendas y UPM por territorio

Subpoblación	Viviendas del marco	UPM del marco	Muestra UPM	Muestra Viviendas
Quito	473.957	13.811	408	2.856
Guayaquil	589.772	16.907	384	2.688
Cuenca	84.623	2.423	276	1.932
Machala	62.658	1.797	312	2.184
Ambato	47.817	1.376	252	1.764
Resto Sierra Urbano	592.918	17.565	576	4.032
Resto Costa Urbano	780.055	23.186	432	3.024
Amazonía Urbano	79.861	2.410	192	1.344
Sierra Rural	538.194	14.530	492	3.444
Costa Rural	360.130	9.862	264	1.848
Amazonía Rural	99.813	2.784	228	1.596
Región Insular	8.520	348	48	336
Total	3.718.318	106.999	3.864	27.048

Fuente: Encuesta Nacional de Empleo, Desempleo Subempleo (ENEMDU) acumulada. INEC – Ecuador.

En la Tabla 6 se presenta la asignación de la muestra por subpoblación de la ENEMDU trimestral, considerando que la encuesta trimestral es representativa a nivel Nacional, Urbano-Rural y 5 ciudades principales.

Selección de la muestra

La selección de la muestra se realiza en forma aleatoria, en dos etapas:

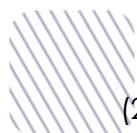
- **Primera etapa:** selección de Unidades Primarias de Muestreo (UPM) por estrato.
- **Segunda etapa:** selección de viviendas ocupadas dentro de cada una de las UPM seleccionadas en la primera etapa.

La selección de las UPM que forman parte de la muestra se realiza de manera independiente en cada uno de los dominios de forma aleatoria, asignando a cada UPM igual probabilidad de ser seleccionada. De la misma forma, la selección de viviendas es aleatoria dentro de cada UPM seleccionada.

Rotación de la muestra por paneles

El objetivo de realizar una encuesta tipo panel es medir los cambios en los indicadores entre trimestres y años consecutivos, así como la estacionalidad en el tiempo. Un panel representa un conjunto de viviendas dentro de una UPM, las cuales se investigan de acuerdo a una rotación específica durante cierto periodo de tiempo.

El esquema de rotación de paneles para la ENEMDU 2021-2024 presenta una rotación tanto de UPM como de viviendas dentro de las UPM, según CEPAL



(2021) esto permitirá que se afiance el conocimiento de la construcción de pesos de muestreo longitudinales y el análisis estadístico de cambios brutos y netos, puesto que es posible establecer una dinámica poblacional de flujos brutos entre trimestres y años. Este esquema de rotación se presenta a continuación:

Gráfico 1. Esquema de rotación de paneles para la ENEMDU 2021-2024

ROTACIÓN DE PANELES ENEMDU 2021-2024													
Año	Trimestre	Mes											
		M1				M2				M3			
2021	T1	a11	b11	c11	d11	e11	f11	g11	h11	i11	j11	k11	l11
	T2	a11	b12	c11	d12	e11	f12	g11	h12	i11	j12	k11	l12
	T3	a12	b12	c12	d12	e12	f12	g12	h12	i12	j12	k12	l12
	T4	a12	b11	c12	d21	e12	f11	g12	h21	i12	j11	k12	l21
2022	T1	a11	b11	c21	d21	e11	f11	g21	h21	i11	j11	k21	l21
	T2	a11	b12	c21	d22	e11	f12	g21	h22	i11	j12	k21	l22
	T3	a12	b12	c12	d22	e12	f12	g12	h22	i12	j12	k12	l22
	T4	a12	b21	c12	d21	e12	f21	g12	h21	i12	j21	k12	l21
2023	T1	a21	b21	c21	d21	e21	f21	g21	h21	i21	j21	k21	l21
	T2	a21	b22	c21	d22	e21	f22	g21	h22	i21	j22	k21	l22
	T3	a22	b22	c31	d22	e22	f22	g31	h22	i22	j22	k31	l22
	T4	a22	b21	c31	d31	e22	f21	g31	h31	i22	j21	k31	l31
2024	T1	a21	b21	c32	d31	e21	f21	g32	h31	i21	j21	k32	l31
	T2	a21	b22	c32	d32	e21	f22	g32	h32	i21	j22	k32	l32
	T3	a22	b22	c31	d32	e22	f22	g31	h32	i22	j22	k31	l32
	T4	a22	b31	c31	d31	e22	f31	g31	h31	i22	j31	k31	l31

Fuente: CEPAL. (2021). Recomendaciones Metodológicas para el Rediseño de la Encuesta Nacional Empleo, Desempleo y Subempleo (ENEMDU 2021 – 2024).

Como se puede observar en el Gráfico 1 por el lado de las filas se encuentran los años y los trimestres, mientras que las columnas hacen referencia a los meses de cada trimestre, además, es preciso observar que en cada mes de levantamiento la muestra está distribuida en cuatro paneles de rotación. Por ejemplo, en el año 2021, la intersección entre T1 y M1 se refiere al primer mes del primer trimestre del año 2021, en este caso es el mes de enero de 2021, cuya muestra está distribuida en los paneles a11, b11, c11 y d11; en el año 2022, la intersección entre T3 y M2 se refiere al segundo mes del tercer trimestre del año 2022, en este caso es el mes de agosto de 2022, cuya muestra está distribuida en los paneles e12, f12, g12 y h22.

Como se mencionó anteriormente, cada grupo rotacional presenta una rotación tanto de UPM como de viviendas dentro de las UPM, en este sentido, está conformado por un código alfanumérico de un carácter y 2 dígitos, los dos primeros se refieren a la rotación de UPM, mientras que el tercer dígito representa la rotación de viviendas dentro de la UPM. Por ejemplo, el panel de rotación a11 está diseñado de la siguiente manera: "a1" (dos primeras posiciones) es la UPM y "1" (tercer dígito) es el grupo de viviendas dentro de la UPM. Cabe señalar que, para la conformación de la rotación de viviendas, se partitionaron las UPM en dos grupos de viviendas.



El esquema de rotación de paneles para la ENEMDU 2021-2024 es un esquema 2(2)2, esto significa que cada grupo rotativo permanece dos períodos consecutivos, sale del estudio por otros dos periodos consecutivos, para volver a aparecer finalmente en los siguientes dos meses consecutivos. Por ejemplo, las viviendas del grupo rotacional “a11” son investigadas en los meses de enero y abril del año 2021, salen del estudio los meses de julio y octubre del año 2021 (debido a que entran las viviendas del panel e12) y vuelven a ser investigadas en los meses de julio y octubre del año 2021.

De igual forma, cabe señalar que en este esquema de rotación de paneles se establece un traslape del 50% de la muestra entre trimestres y años, además que el seguimiento se realiza a nivel de viviendas (unidad de observación). También, es preciso indicar que el tamaño de muestra por cada grupo rotacional dentro de un mes y trimestre específico es de 322 UPM, ejemplificando, los paneles del mes de enero de 2021 (a11, b11, c11 y d11) tienen 322 UPM cada uno, obteniendo un total de 1.288 UPM a ser investigadas cada mes.

Una de las bondades de esta propuesta de rotación es que es compatible con un proceso de actualización cartográfica permanente, donde un panel ingresa con actualización de la condición de ocupación de las viviendas que lo componen, con la finalidad de garantizar la cobertura muestral para la investigación.



Cobertura de viviendas planificada y efectiva:

Cobertura planificada

A continuación, se presenta la cobertura planificada de viviendas de la ENEMDU en el trimestre abril-junio de 2024:

Tabla 7. Distribución de la cobertura planificada de viviendas por estrato socioeconómico

Subpoblación	Estrato Socioeconómico				Total
	Alto (1)	Medio (2)	Bajo (3)	Sin clasificar	
Quito	1.008	1.092	756	0	2.856
Guayaquil	756	1.260	672	0	2.688
Cuenca	588	756	588	0	1.932
Machala	588	924	672	0	2.184
Ambato	504	672	588	0	1.764
Resto Sierra Urbano	1.176	1.428	1.428	0	4.032
Resto Costa Urbano	924	1.092	1.008	0	3.024
Amazonía Urbano	336	420	336	252	1.344
Sierra Rural	1.176	1.176	1.092	0	3.444
Costa Rural	588	588	504	168	1.848
Amazonía Rural	504	588	504	0	1.596
Región Insular	168	84	84	0	336
Total	8.316	10.080	8.232	420	27.048

Fuente: Encuesta Nacional de Empleo, Desempleo y Subempleo (ENEMDU) trimestral abril-junio de 2024. INEC – Ecuador.

Según la Tabla 7 se puede apreciar que existen viviendas que no están clasificadas en ningún estrato socioeconómico -ya sea en el estrato alto, medio o bajo en la Amazonía Urbana y en la Costa Rural- este hecho sucede debido a que existen ciertos estratos geográficos, definidos por el cruce de las variables provincia y área que tienen muy pocas UPM razón por la cual no se clasifican por sus características socioeconómicas. Estos dominios son: Morona Santiago urbana (371 UPM), Napo urbana (292 UPM) y Santa Elena rural (120 UPM).



Por otro lado, la cobertura efectiva de viviendas levantadas en la ENEMDU Trimestral abril-junio de 2024, se muestra a continuación:

Tabla 8. Distribución de la cobertura efectiva de viviendas por estrato socioeconómico de la ENEMDU Trimestral abril-junio de 2024

Subpoblación	Estrato Socioeconómico				Total
	Alto (1)	Medio (2)	Bajo (3)	Sin clasificar	
Quito	983	1.059	721		2.763
Guayaquil	703	1.242	654		2.599
Cuenca	574	745	577		1.896
Machala	572	903	664		2.139
Ambato	497	646	573		1.716
Resto Sierra Urbano	1.157	1.385	1.388		3.930
Resto Costa Urbano	901	1.063	966		2.930
Amazonía Urbano	324	398	321	241	1.284
Sierra Rural	1.122	1.149	1.056		3.327
Costa Rural	559	564	484	165	1.772
Amazonía Rural	471	568	485		1.524
Región Insular	152	79	77		308
Total	8.047	9.810	8.000	406	26.263

Fuente: Encuesta Nacional de Empleo, Desempleo y Subempleo (ENEMDU) trimestral abril-junio de 2024. INEC – Ecuador.

4. Cálculo de los factores de expansión



4. Cálculo de los factores de expansión

El procedimiento de ponderación general para la ENEMDU requiere de dos etapas.

- La **primera etapa** consiste en calcular una ponderación de UPM. De ser necesario se aplica un ajuste por no respuesta a nivel de UPM.
- La **segunda etapa** consiste en calcular una ponderación de viviendas dentro de cada UPM. De ser necesario se aplica un ajuste por no respuesta a nivel de vivienda.

La “*falta de respuesta*” se produce cuando no se llega a obtener respuesta de algunas unidades de la muestra. Resulta útil pensar en la población de la muestra dividida en dos conjuntos, el primero, formado por todas las unidades de la muestra de las que se ha obtenido respuesta; y el segundo, por todas las unidades de la muestra de las que no se ha podido obtener respuesta.

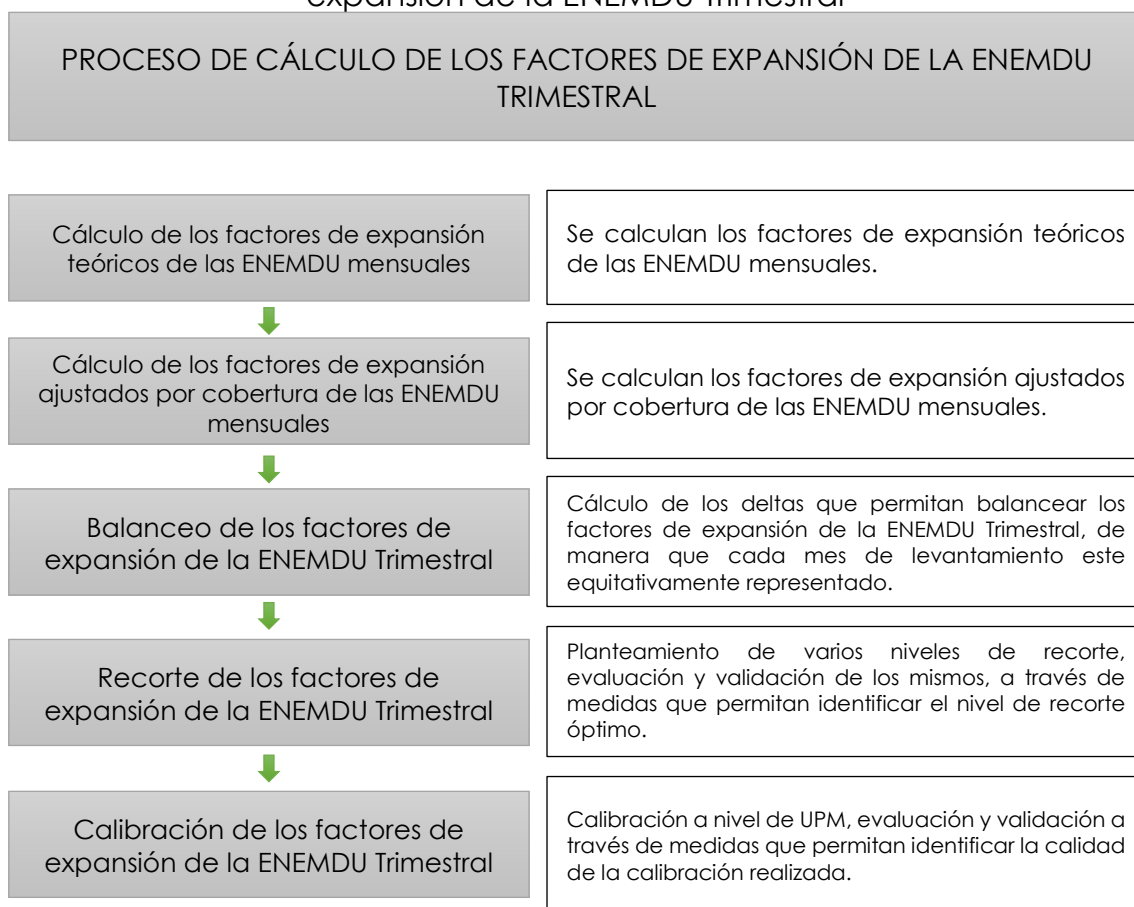
La tasa de falta de respuesta puede estimarse con exactitud si se llevan a cabo recuentos de todos los elementos que cumplen los requisitos que se incluyen en la muestra. La tasa de respuesta en una encuesta se define como el coeficiente entre el número de cuestionarios completados por las unidades y el número total de unidades de la muestra que cumplen los requisitos.

La falta de respuesta puede deberse a la ausencia del domicilio de las personas seleccionadas, a los cambios en la condición de ocupación de la vivienda, a la negación de dichas personas a participar o a su incapacidad para responder a las preguntas, entre otras. Otra posible causa de la falta de respuesta puede ser la imposibilidad de llevar a cabo la encuesta en determinadas zonas por razones climatológicas, dificultades del terreno o cuestiones de seguridad.

El factor de expansión final de la ENEMDU Trimestral, es el resultado de un procedimiento que involucra el cálculo del factor de expansión de diseño y el ajuste por cobertura en la ENEMDU mensual, el balanceo de ponderadores, recorte de los pesos de muestreo extremos y la calibración de los factores de expansión, los cuales se describen en el siguiente diagrama de flujo:



Gráfico 2. Diagrama de flujo del proceso de cálculo de los factores de expansión de la ENEMDU Trimestral



Cálculo del factor de expansión teórico de las ENEMDU mensuales:

Probabilidad de inclusión de primera etapa (UPM)

Las UPM fueron seleccionadas con igual probabilidad en los estratos de muestreo h , por tanto, la probabilidad de inclusión de la primera etapa (UPM) es calculada a partir del siguiente algoritmo:

$$\pi_{h_i} = \frac{n_h}{N_h}$$

donde:

π_{h_i} = probabilidad de inclusión de primera etapa de la UPM i en el estrato h

n_h = número de UPM investigadas en el estrato h en la muestra.

N_h = número de UPM del estrato h en la población.

Por tanto, la ponderación básica de primera etapa para la i -ésima UPM muestreada en el estrato h es la inversa de la probabilidad de inclusión de la primera etapa y queda definida por:

$$w_{h_i} = \frac{1}{\pi_{h_i}}$$



Probabilidad de inclusión de segunda etapa (viviendas)

Las viviendas fueron escogidas con igual probabilidad de selección en cada UPM levantada en la primera etapa, por tanto, la probabilidad de inclusión de la segunda etapa (vivienda) es calculada a partir del siguiente algoritmo:

$$\pi_{ij} = \frac{n_i}{N_i}$$

donde:

π_{ij} = probabilidad de inclusión de segunda etapa de la vivienda j en la UPM i

n_i = número de viviendas investigadas en la UPM i en la muestra.

N_i = número de viviendas de la UPM i en la población.

Por tanto, la ponderación básica de segunda etapa para la j -ésima vivienda en la i -ésima UPM viene dada por:

$$w_{ij} = \frac{1}{\pi_{ij}}$$

Factor de expansión teórico o de diseño

El factor de expansión teórico o de diseño ($w_{h_{ij}}$) es el inverso de la multiplicación de las probabilidades de inclusión de la primera y de la segunda etapa, tal como se expresa a continuación:

$$w_{h_{ij}} = \frac{1}{\pi_{h_i} * \pi_{ij}}$$

Con la finalidad de relajar la notación, se notara como w_k al factor de expansión teórico ($w_{h_{ij}}$).

Cálculo del factor de expansión ajustado por cobertura de las ENEMDU mensuales

Ajuste por cambio de ocupación (no elegibilidad)

Si las viviendas seleccionadas presentan cambio en su estado de ocupación (viviendas temporales, desocupadas, en construcción, destruidas, convertidas en negocio y otra razón), se realiza el siguiente ajuste:

$$a_1 = 1 - \frac{\# \text{ de viviendas no elegibles en la UPM de la vivienda } k}{\# \text{ de viviendas investigadas en la UPM de la vivienda } k}$$

Por lo tanto, el factor de expansión ajustado por cambio de ocupación (no elegibilidad) es:



$$w_k^{ne} = w_k * a_1,$$

donde:

w_k^{ne} = *factor de expansion ajustado por no elegibilidad de la vivienda k.*

w_k = *factor de expansión teorico de la vivienda k.*

a_1 = *ajuste por cambio de ocupacion (no elegibles) en la UPM de la vivienda k.*

Ajuste por nadie en casa (elegibilidad desconocida)

El siguiente ajuste consiste en redistribuir los pesos de las unidades secundarias de muestreo con elegibilidad desconocida (nadie en casa) utilizando la siguiente expresión:

$$a_2 = \frac{\# \text{ de viviendas investigadas en la UPM de la vivienda } k}{\# \text{ de viviendas completas en la UPM de la vivienda } k}$$

Por lo tanto, el factor de expansión ajustado por elegibilidad desconocida es:

$$w_k^{ed} = w_k^{ne} * a_2,$$

donde:

w_k^{ed} = *factor de expansion ajustado por elegibilidad desconocida de la vivienda k.*

w_k^{ne} = *factor de expansión ajustado por no elegibilidad de la vivienda k.*

a_2 = *ajuste por nadie en casa (elegibilidad desconocida) en la UPM de la vivienda k.*

Cabe recalcar que este ajuste se realiza únicamente en las UPM que cuentan con al menos una vivienda con elegibilidad desconocida.

Ajuste por rechazo (no respondientes)

El último ajuste en los pesos de muestreo se realiza si el resultado de la entrevista de las viviendas, al momento de realizar la investigación, fue rechazo. Si este es el caso, el ajuste a realizar es:

$$a_3 = \frac{\# \text{ de viviendas investigadas en la UPM de la vivienda } k}{\# \text{ de viviendas completas en la UPM de la vivienda } k}$$

Cabe recalcar, que si una vivienda fue rechazo esta sigue siendo parte del conjunto de viviendas elegibles. Además, este ajuste no se realiza si $a_2 \neq 1$. Por tanto, el factor de expansión ajustado por rechazo viene dado por la siguiente multiplicación:

$$w_{ka} = w_k^{ed} * a_3$$



donde:

w_{k_a} = factor de expansión ajustado por rechazo en la vivienda k

w_k^{ed} = factor de expansión ajustado por elegibilidad desconocida en la vivienda k

a_3 = ajuste por rechazo (no respondientes) en la UPM de la vivienda k .

Balanceo de los factores de expansión de la ENEMDU Trimestral

La recolección de información de la ENEMDU Trimestral se realizó durante los meses de abril, mayo y junio de 2024. Dado que la ENEMDU trimestral es representativa a nivel Nacional, urbano-rural y para las 5 ciudades principales, se revisó la distribución de las viviendas efectivas que fueron investigadas por mes de levantamiento, como se observa en la Tabla 9:

Tabla 9. Distribución de viviendas efectivas investigadas por mes de levantamiento

Dominio	Mes	Viviendas efectivas	Viviendas efectivas (%)
Quito	Abril	926	33,51%
Quito	Mayo	919	33,26%
Quito	Junio	918	33,22%
Guayaquil	Abril	872	33,55%
Guayaquil	Mayo	861	33,13%
Guayaquil	Junio	866	33,32%
Cuenca	Abril	629	33,18%
Cuenca	Mayo	633	33,39%
Cuenca	Junio	634	33,44%
Machala	Abril	716	33,47%
Machala	Mayo	716	33,47%
Machala	Junio	707	33,05%
Ambato	Abril	576	33,57%
Ambato	Mayo	571	33,28%
Ambato	Junio	569	33,16%
Resto urbano	Abril	2766	33,34%
Resto urbano	Mayo	2754	33,20%
Resto urbano	Junio	2776	33,46%
Rural	Abril	2267	33,44%
Rural	Mayo	2234	32,95%
Rural	Junio	2278	33,60%

Fuente: Encuesta Nacional de Empleo, Desempleo y Subempleo (ENEMDU) trimestral abril-junio de 2024. INEC – Ecuador.

El balanceo de los pesos de muestreo se realizó a través de un factor de ajuste propuesto por Kish (1999) en el contexto de acumulación de muestras y está dado por la siguiente expresión:

$$\delta_{tD} = \frac{n_{tD}}{\sum_{t=1}^3 n_{tD}}$$

Donde δ_{tD} es un factor de ajuste, que depende del tamaño de muestra, que representa el porcentaje de individuos investigados en el mes t para el dominio de estudio D .



Tabla 10. Deltas (ponderadores de balanceo) para cada dominio y mes de levantamiento

Dominio	Mes	n	delta
Quito	Abril	2.845	0,3389
Quito	Mayo	2.811	0,3348
Quito	Junio	2.739	0,3263
Guayaquil	Abril	3.078	0,3374
Guayaquil	Mayo	3.034	0,3326
Guayaquil	Junio	3.010	0,33
Cuenca	Abril	1.976	0,3332
Cuenca	Mayo	1.952	0,3292
Cuenca	Junio	2.002	0,3376
Machala	Abril	2.292	0,329
Machala	Mayo	2.376	0,341
Machala	Junio	2.299	0,33
Ambato	Abril	1.636	0,3305
Ambato	Mayo	1.667	0,3368
Ambato	Junio	1.647	0,3327
Resto urbano	Abril	9.111	0,3336
Resto urbano	Mayo	9.078	0,3324
Resto urbano	Junio	9.120	0,334
Rural	Abril	7.668	0,3329
Rural	Mayo	7.514	0,3262
Rural	Junio	7.853	0,3409

Fuente: Encuesta Nacional de Empleo, Desempleo y Subempleo (ENEMDU) trimestral abril-junio de 2024. INEC – Ecuador.

En la Tabla 10 se muestra los deltas (ponderadores de balanceo) que se utilizarán para balancear los factores de expansión. Con esto se logra que cada mes de levantamiento de información este equitativamente representado por la información levantada. Los factores de expansión trimestrales balanceados resultan de la multiplicación del factor de expansión ajustado por cobertura de las ENEMDU mensuales por el ponderador que balancea la muestra para cada mes (delta), de la siguiente forma:

$$w_{k_b} = w_{k_a} * \delta_{tD}$$



Recorte de los factores de expansión extremos de la ENEMDU Trimestral

Debido a los ajustes por cobertura y calibración la variabilidad de los factores de expansión se ha visto incrementada. Potter (1990) señala que la variación extrema en los factores de expansión puede resultar en varianzas muestrales excesivamente grandes.

Para solventar este inconveniente se han desarrollado algunos procedimientos para limitar o reducir el tamaño de los factores de expansión extremos, algunos de los cuales están descritos en Potter (1990, 1993). Para la ENEMDU se utiliza el método de recorte y redistribución de factores de expansión más común, descrito en Valliant (2013), el cual propone el siguiente método iterativo:

- (1) Fijar una cota inferior y superior para los factores de expansión.
- (2) Todo factor de expansión mayor a la cota superior (o menor a la cota inferior) se fija en el valor de la cota, definiendo:

$$w_{k_r} = \begin{cases} U & \text{si } w_{k_b} \geq U, \\ w_{k_b} & \text{si } L < w_{k_b} < U, \\ L & \text{si } w_{k_b} \leq L. \end{cases}$$

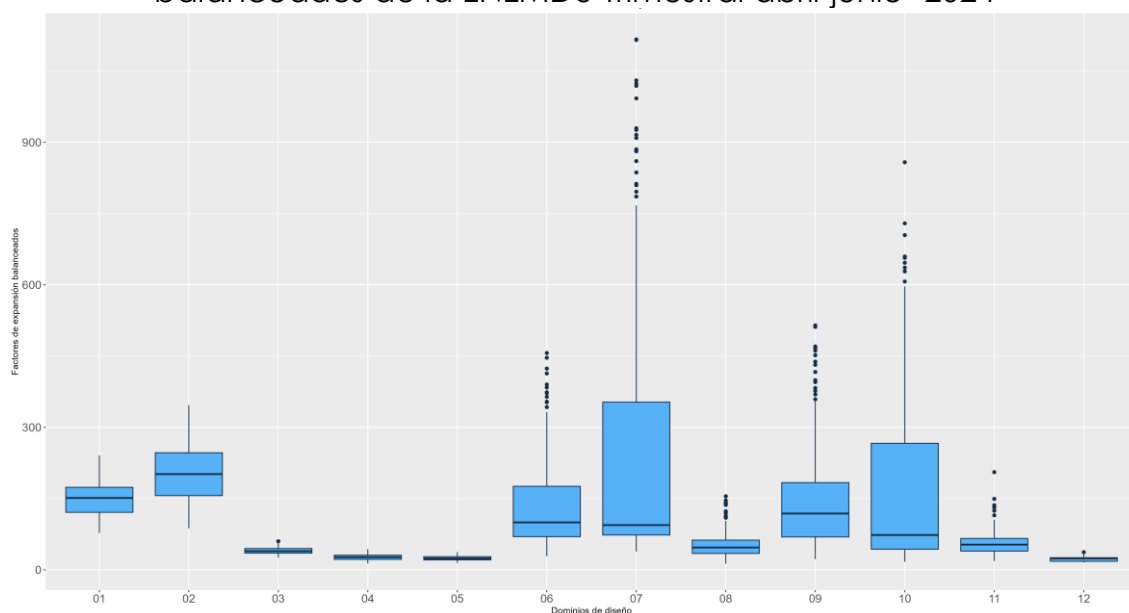
Donde w_{k_r} es el conjunto de los factores de expansión recortados.

- (3) Calcular $R = \sum_k |w_{k_b} - w_{k_r}|$.
- (4) Distribuir R equitativamente entre todos los pesos no recortados.
- (5) Repetir los pasos (1)-(4) hasta que $R = 0$.

Puesto que la ENEMDU presenta factores de expansión extremos únicamente en la cola derecha de su distribución, L es igual a 1 y U se fija en 3, 3.5, 4, 4.5 y 5 veces la mediana. Cabe señalar que, el recorte y redistribución de los factores de expansión se realizó de manera independiente en los estratos de muestreo, los cuales están formados por la provincia o ciudad principal, el área y el estrato socioeconómico.

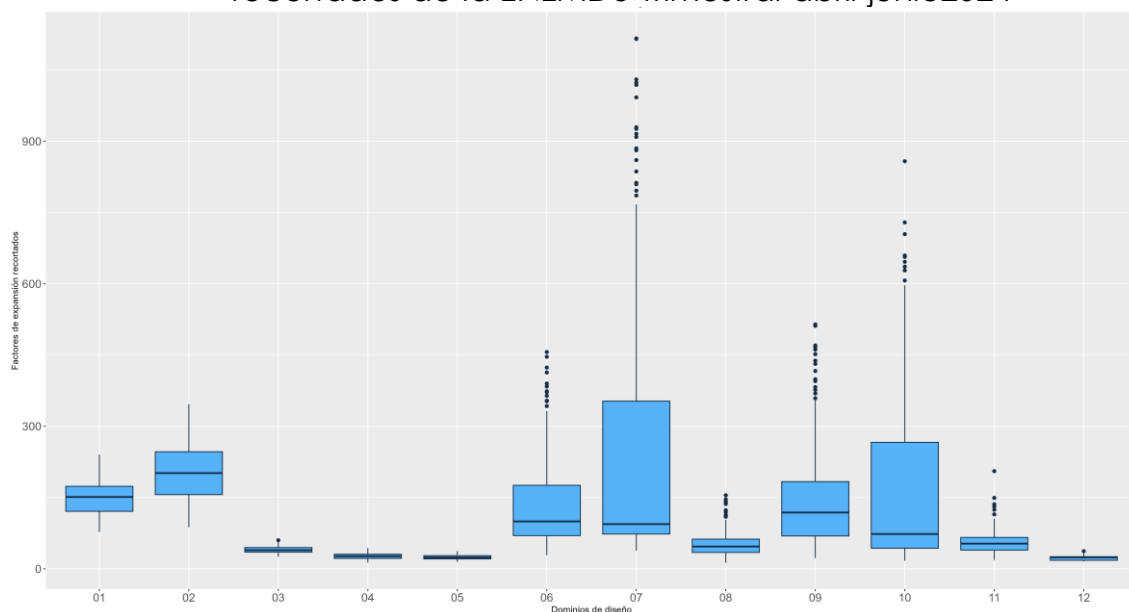


Gráfico 3. Diagramas de caja y bigote de los factores de expansión balanceados de la ENEMDU Trimestral abril-junio¹ 2024



Fuente: Encuesta Nacional de Empleo, Desempleo y Subempleo (ENEMDU) trimestral abril-junio de 2024. INEC – Ecuador.

Gráfico 4. Diagramas de caja y bigote de los factores de expansión recortados de la ENEMDU Trimestral abril-junio 2024



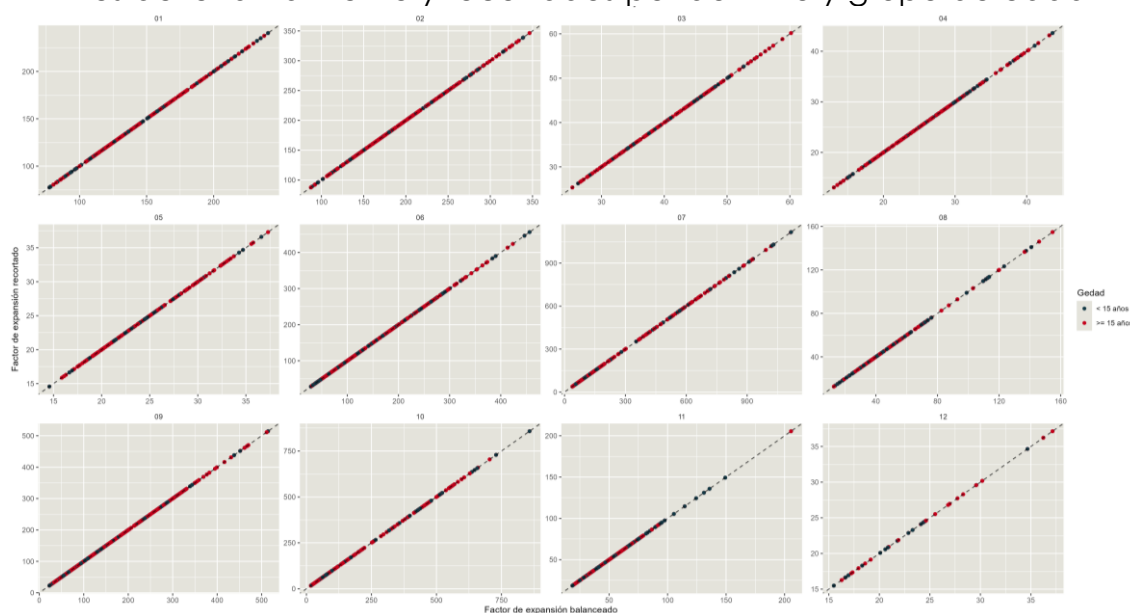
Fuente: Encuesta Nacional de Empleo, Desempleo y Subempleo (ENEMDU) trimestral abril-junio de 2024. INEC – Ecuador.

¹ Los 12 dominios son los siguientes: 1 Quito, 2 Guayaquil, 3 Cuenca, 4 Machala, 5 Ambato, 6 Resto Sierra Urbano, 7 Resto Costa Urbano, 8 Amazonía Urbano, 9 Sierra Rural, 10 Costa Rural, 11 Amazonía Rural y 12 Región Insular.



En los gráficos 3 y 4 se presentan los diagramas de caja y bigote de los factores de expansión balanceados por mes de levantamiento de información y recortados, respectivamente, a nivel de estrato de muestreo. Al realizar una comparación entre estos se aprecia que los factores de expansión balanceados son iguales a los pesos de muestreo recortados, es decir, no existieron ponderadores extremos que necesitaron ser recortados.

Gráfico 5. Comparación de los factores de expansión balanceados por mes de levantamiento y recortados por dominio y grupo de edad



Fuente: Encuesta Nacional de Empleo, Desempleo y Subempleo (ENEMDU) trimestral abril-juniode 2024. INEC – Ecuador.

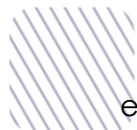
En el Gráfico 5 se puede evidenciar que no se presentan factores de expansión recortados en los diferentes dominios, por cuanto los pesos de muestreo están sobre la línea de 45 grados, esto significa que los ponderadores recortados son iguales a los balanceados.

Validación del recorte de los factores de expansión extremos

Se evaluaron 5 niveles de recorte de factores de expansión tomando 5 cotas superiores diferentes (3, 3.5, 4, 4.5 y 5 veces la mediana). Esta evaluación del nivel de recorte se efectuó, por un lado, tomando en cuenta el porcentaje de factores de expansión recortados por celda o post estrato de calibración y por otro una estimación del Error Cuadrático Medio (MSE) del recorte.

Porcentaje de factores de expansión recortados por celda o post estrato de calibración

A través de la identificación del porcentaje de factores de expansión recortados por celda o post estrato de calibración, se puede identificar que no



existieron porcentajes de pesos de muestreo recortados en los diferentes estratos de muestreo.

Error cuadrático medio (MSE) del recorte de los factores de expansión

Otro criterio que permite evaluar la calidad del recorte de los ponderadores, es evaluar una estimación del Error Cuadrático Medio (MSE) para los elementos de datos seleccionados en varios niveles de recorte para determinar empíricamente el nivel de recorte (Cox y McGrath, 1981). El supuesto subyacente a este procedimiento es que para un conjunto de pesos y datos existe un punto en el que la reducción en la varianza de muestreo resultante del recorte se compensa con el aumento en el cuadrado del sesgo introducido en la estimación.

En esta técnica, el $MSE(\hat{Y}_t)$ es estimado por:

$$\overline{MSE}(\hat{Y}_t) = (\hat{Y}_t - \hat{Y})^2 - \widehat{Var}(\hat{Y}) + 2[\widehat{Var}(\hat{Y}_t)\widehat{Var}(\hat{Y})]^{1/2}$$

donde:

$\hat{Y}$ = estimación de la media usando el factor de expansión no recortado,

$\hat{Y}_t$ = estimación de la media usando el factor de expansión recortado,

$\widehat{Var}(\hat{Y})$ = varianza estimada de $\hat{Y}$,

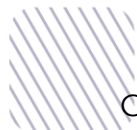
$\widehat{Var}(\hat{Y}_t)$ = varianza estimada de $\hat{Y}_t$.

De igual forma, Potter (1990) sostiene que este procedimiento se implementa calculando repetidamente la estimación del MSE para elementos de datos seleccionados a diferentes niveles de recorte de pesos de muestreo. El nivel 'óptimo' de recorte es el punto que minimiza el MSE estimado (es decir, minimiza la varianza muestral y el sesgo cuadrático estimado) para el conjunto de datos.

A pesar de que no existieron factores de expansión recortados, para evaluar los diferentes niveles de recorte aplicados, se estimó los MSE de 3 indicadores: PEA, empleo adecuado y desempleo, bajo diferentes desagregaciones como nivel nacional, por área y por estrato de muestreo, determinando los niveles "óptimos" de recorte para cada indicador investigado y para cada nivel de desagregación analizado.

Calibración de los factores de expansión de la ENEMDU Trimestral

La calibración de los factores de expansión (Deville J.C., Särndal C.E. y Sautory O., 1993) es un ajuste que se realiza a los ponderadores con el propósito de que las estimaciones de algunas variables de control reproduzcan con exactitud los totales poblacionales de dichas variables.



Cuando los estudios por muestreo están afectados por la ausencia de respuesta, es deseable tener las siguientes propiedades en la estructura inferencial que sustenta el muestreo:

1. Sesgo pequeño o nulo.
2. Errores estándar pequeños.
3. Un sistema de ponderación que reproduzca la información auxiliar disponible.
4. Un sistema de ponderación que sea eficiente al momento de estimar cualquier característica de interés en un estudio multipropósito.

Heredia (2010), manifiesta que para la calibración de los factores de expansión es necesario tomar en cuenta la siguiente información:

- Considerar una fuente de información auxiliar que se utiliza como "población" que puede ser censos, registros administrativos u otras encuestas en las cuales se conocen los totales por variables o características que se desee estudiar.
- Otra fuente de información es la "muestra" de la cual procederán los estadísticos que infieren a los parámetros poblacionales.
- Identificar las variables de interés.
- Estimación de los totales de las variables de interés de la muestra.

El objetivo de la calibración es obtener un nuevo sistema de factores de expansión w_k que se encuentren cerca de los ponderadores de diseño d_k , de tal forma que cuando los ponderadores sean usados para estimar los totales de las variables auxiliares, dichos totales sean reproducidos con exactitud de manera que los nuevos factores conserven cualquier propiedad buena de estimación de los pesos básicos.

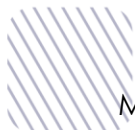
Estimador de calibración

El estimador de calibración se define de la siguiente manera:

Considere una función de distancia G con argumentos $x = w_k/d_k$ con las siguientes propiedades:

- G es positiva y estrictamente convexa,
- $G_{(1)} = G'_{(1)} = 0$, y
- $G''_{(1)} = 1$.

Bajo esta definición $G(w_k/d_k)$ mide la distancia de los factores de expansión originales d_k a los nuevos factores de expansión w_k , siendo $\sum_s d_k G(w_k/d_k)$ la medida de distancia para toda la muestra s . Por lo tanto, el problema de optimización es:



Minimizar $\sum_s d_k G(w_k/d_k) - \lambda'(\sum_s w_k x_k - \sum_U x_k)$, donde U hace referencia a la población, $x_k = (x_{k1}, \dots, x_{kj}, \dots, x_{kJ})'$ es un vector de valores auxiliares y $\lambda = (\lambda_1, \dots, \lambda_j, \dots, \lambda_J)'$ es un J -vector de multiplicadores de Lagrange. Para calcular los nuevos factores de expansión, primero se debe determinar el valor de λ , el cual se obtiene resolviendo las ecuaciones de calibración:

$$\sum_s d_k F(x_k' \lambda) x_k = \sum_U x_k.$$

Luego, el estimador de calibración queda definido por:

$$\hat{t}_{yc} = \sum_s w_k y_k = \sum_s d_k F(x_k' \lambda) y_k$$

para los (y_k, x_k) datos observados en la muestra ($k \in s$) y una función de distancia G dada. Nótese que $w_k = d_k F(x_k' \lambda)$ es el nuevo factor de expansión calibrado. En este contexto, notaremos $g_k = F(x_k' \lambda)$.

Cabe mencionar que, en este proceso de construcción de factores de expansión para la ENEMDU, se calibra los pesos de muestreo recortados, por tanto, los ponderadores calibrados son calculados con la siguiente expresión:

$$w_{k_c} = w_{k_r} * g_k$$

Donde w_{k_c} son los factores de expansión calibrados, mientras que w_{k_r} son los pesos de muestreo recortados y g_k los pesos de calibración.

Cabe señalar que la calibración de los factores de expansión se realizó a nivel de UPM, es decir, todos los individuos de una UPM presentaban un mismo ponderador, independientemente de sus características demográficas como edad y sexo.

Para la ENEMDU Trimestral, se aplicó un esquema de calibración en el cual se presentan 28 celdas o post estratos de calibración con la información auxiliar del trimestre (en este caso es el mes de mayo de 2024) (Ver Anexo 1), y se evaluó cada uno a través de criterios para validar la calibración propuestas por Silva (2004) (Ver Anexo 2).

Es necesario mencionar que las proyecciones poblacionales son elaboradas en un área diferente a la Gestión de Diseño Muestral. Los criterios demográficos aplicados en la generación de las proyecciones poblacionales son explícitamente responsabilidad de los funcionarios que las elaboraron y quienes en la actualidad forman parte del equipo del Censo de Población y Vivienda 2021-2022 (Equipo de Proyecciones de Población del CPV).



Validación de la calibración de los factores de expansión

Silva (2004) propone 6 medidas para evaluar la calidad de la calibración de los factores de expansión, las cuales se detallan a continuación:

- Error relativo promedio sobre las variables auxiliares

$$M1 = \frac{1}{p} \sum_{j=1}^p \frac{|\hat{t}_{xc} - t_x|}{t_x}.$$

- Coeficiente de variación HT relativo promedio

$$M2 = \frac{1}{p} \sum_{j=1}^p \frac{(Var(\hat{t}_{x\pi}))^{1/2}}{t_x}.$$

- Proporción de pesos extremos (límite inferior)

$$M3 = \frac{1}{n} \sum_{k \in S} I(g_k < L).$$

- Proporción de pesos extremos (límite superior)

$$M4 = \frac{1}{n} \sum_{k \in S} I(g_k > U).$$

- Coeficiente de variación de los g_k

$$M5 = \frac{\sigma(g)}{\bar{g}}.$$

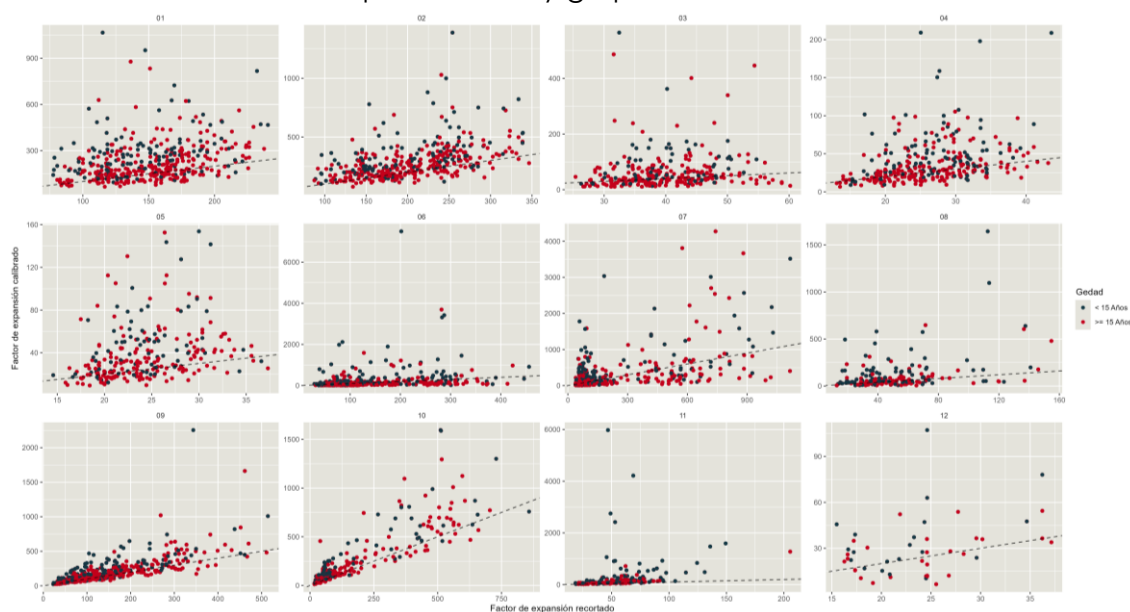
- Distancia entre los pesos de calibración y los pesos originales

$$M6 = \frac{1}{n} \sum_{k \in S} \frac{(w_{k_c} - w_{k_r})^2}{w_{k_r}} = \frac{1}{n} \sum_{k \in S} w_{k_r} (g_k - 1)^2.$$



Según el Gráfico 6, en la mayoría de dominios, los factores de expansión calibrados son más grandes que los ponderadores recortados, debido a la condición de reproducir con exactitud los totales poblacionales por sexo y grupo de edad², en las diferentes celdas o post estratos de calibración.

Gráfico 6. Comparación de los factores de expansión recortados y calibrados por dominio y grupo de edad



Fuente: Encuesta Nacional de Empleo, Desempleo y Subempleo (ENEMDU) trimestral abril-junio de 2024. INEC – Ecuador.

² Menores a 15 años y mayores o iguales a 15 años.



40



5. Estimaciones de características

Estimación de características de la población:

Una vez contruidos los factores de expansión se calculan los estimadores provenientes de la ENEMDU, para ello se utiliza el estimador de Horvitz-Thompson, el cual sirve para estimar el valor total de una característica determinada. Está dado por (Carl-Erik Särndal, 1992):

$$\hat{Y}_{HT} = \sum_{k \in D} \sum_{l \in k} w_{k_c} y_{k_l}$$

donde:

$\hat{Y}_{HT}$ = *estimador HT para el total de la característica de interes Y de la variable y*
 w_{k_c} = *factor de expansión calibrado de la vivienda k*
 y_{k_l} = *valor de la variable y para la persona l de la vivienda k.*

Estimación de errores:

Una vez realizada la estimación respectiva para la variable de interés a nivel de dominio de estudio el error de muestreo es calculado a partir de la estimación de la varianza del estimador del total $\hat{Y}_{HT}$. Para calcular adecuadamente los errores de muestreo de cada estimador, se debe tomar en cuenta los diferentes aspectos del diseño muestral, es decir, las dos etapas de muestreo, la estratificación presente en los dominios de estudio y los procesos de selección en cada una de las etapas.

Con todos estos elementos, el coeficiente de variación para el estimador $\hat{Y}_{HT}$ viene dado por la siguiente expresión:

$$CV(\hat{Y}_{HT}) = \frac{\sqrt{\hat{V}_{2st}(\hat{Y}_{HT})}}{\hat{Y}_{HT}},$$

donde:

$\hat{V}_{2st}(\hat{Y}_{HT})$ = *estimación de la varianza de dos etapas del estimador HT del total de la variable y.*
 $\hat{Y}_{HT}$ = *estimador HT del total de la característica de interés Y.*

Un estimador insesgado para la varianza está dado por:



$$\hat{V}_{2st}(\hat{t}_{\pi}) = \sum \sum_{s_I} \check{\Delta}_{Iij} \frac{\hat{t}_{i\pi} \hat{t}_{j\pi}}{\pi_{Ii} \pi_{Ij}} + \sum_{s_I} \frac{\hat{V}_i}{\pi_{Ii}},$$

En el cual el $\hat{V}_i$ apropiado es:

$$\hat{V}_i = \sum \sum_{s_{Iii}} \check{\Delta}_{IIqr|i} \frac{\hat{t}_{iq\pi} \hat{t}_{ir\pi}}{\pi_{IIq|i} \pi_{IIr|i}},$$

donde:

- i, j = Índice que recorre las UPM i, j en el dominio de estudio d .
- q, r = Índices que recorren las viviendas de la UPM i en el dominio de estudio m .
- π_{Ii} = Probabilidad de selección de la Etapa I para la i – ésima UPM en el dominio de estudio d .
- $\pi_{IIq|i}$ = Probabilidad de selección de la Etapa II para la q – ésima vivienda, dada la i – ésima UPM.
- $\check{\Delta}_{Iij}$ = Cantidad Δ expandida asociada a las UPM i, j .
- $\check{\Delta}_{IIqr|i}$ = Cantidad Δ expandida asociada a las viviendas q, r dada la selección de la i – ésima UPM.

Métodos de estimación de errores para diseños muestrales complejos:

Aunque la selección del diseño de muestreo y el estimador sean de libre elección para los investigadores, no lo es el cálculo de las medidas de confiabilidad y precisión. Dado que la base científica sobre la cual descansa el muestreo es la inferencia estadística se deben respetar las normas básicas para la asignación y posterior cálculo del margen de error que constituye una medida unificada del error total de muestreo el cual cuantifica la incertidumbre acerca de las estimaciones en una encuesta. Los métodos de estimación de los errores muestrales pueden clasificarse en cuatro categorías:

- a) Métodos exactos
- b) Métodos del último conglomerado
- c) Aproximaciones por linealización
- d) Técnicas de replicación

Para la descripción de los métodos se ha tomado como referencia los textos de Kish y Frankel (1974), Wolter (1985) y Lehtonen y Pahkinen (1995) que se encuentran descritos en el documento "ENEMDU: Cálculo de errores estándar y declaración de muestras complejas³" donde se realiza una breve descripción de los métodos convencionales para estimar varianzas o errores muestrales para estimaciones basados en muestreo complejo, que es una característica de la ENEMDU.

³ El documento se encuentra disponible en:

https://www.ecuadorencifras.gob.ec/documentos/web-inec/EMPLEO/2021/Enero-2021/202101_ENEMDU_Calculo%20de%20errores%20estandar%20y%20declaracion%20de%20muestras%20complejas.pdf



A continuación, se describirá las principales características de cada uno de los métodos de estimación de errores para el muestreo complejo:

- Los métodos exactos pueden ser utilizados para estimar totales, medias, tamaños y proporciones.
- La linealización de Taylor debe ser utilizada para estimar parámetros no lineales como razones, medias dentro de dominios, cuartiles o funciones de distribución.
- La técnica del último conglomerado junto con la linealización de Taylor puede ser utilizada para estimar la varianza de los indicadores de interés de las encuestas dirigidas a hogares que tengan diseños muestrales complejos. Esta es la técnica que por defecto utiliza el software SPSS.
- Las técnicas de replicación pueden ser usadas para estimar eficientemente todos los parámetros de interés sin importar su forma funcional.
- La comparación general entre los métodos de linealización y replicación es que no generan resultados idénticos del error de muestreo, pero hay que señalar que existen estudios (Kish y Frankel, 1974) que concluyen que las diferencias presentadas no son significativas cuando se trata de grandes muestras.

El INEC utiliza para la estimación de los parámetros de interés y sus correspondientes errores de muestreo diversos programas estadísticos tales como SPSS, Stata y R. En virtud de las características de cada uno de los métodos es la técnica del último conglomerado en combinación con la linealización de Taylor la cual induce a una muy buena aproximación del error muestral sobre los indicadores más importantes de las encuestas dirigidas a hogares, además de su facilidad de cálculo y replica. En este sentido, será esta la técnica la utilizada para la estimación de los errores muestrales en la ENEMDU.

Las variables requeridas para declarar el diseño muestral en los programas estadísticos (SPSS, Stata y R) y ejecutar el cálculo de los errores de muestreo son presentadas en la Tabla 11, donde se describe las etiquetas de las variables identificadoras de las UPM, estratos y factores de expansión.

Tabla 11. Variables requeridas para declaración del diseño muestral – ENEMDU

Característica	Variable	Descripción
UPM	upm	Agrupación de viviendas ocupadas en un número entre 30 a 60, próximas entre sí y con límites definidos.
Estratos	estrato	Identificación de estrato muestral
Ponderación	fexp	Factor de expansión calibrado



Es importante indicar que los estratos de muestreo están definidos por el cruce entre Provincia (25 grupos) + Área (2 grupos) + estrato socioeconómico de la UPM (3 grupos). Además, las UPM deben tener identificadores únicos dentro de cada estrato y a través del tiempo. Por último, los hogares deben estar unívocamente identificados, así como su pertenencia a las UPM, a los estratos de muestreo y a las rondas del panel correspondiente.

Referencias

CEPAL. (2021). *Recomendaciones Metodológicas para el Rediseño de la Encuesta Nacional Empleo, Desempleo y Subempleo (ENEMDU 2021 – 2024)*. Informe de misión al Instituto Nacional de Estadística y Censos (INEC) de Ecuador.

CEPAL. (2019). *Revisión del esquema de agregación y análisis de la Encuesta Nacional de Empleo, Desempleo y Subempleo – ENEMDU*. Misión de Asistencia Técnica.

Cox, B.G. and McGrath, D.S. (1981), "An Examination of the Effect of Sample Weight Truncation on the Mean Square Error of Survey Estimates," presented at Biometrics Society ENAR meeting, Richmond, VA. March 1981.

Deville J.C., Särndal C.E. y Sautory O. (1993). *Generalized Raking Procedures in Survey Sampling*. Journal of the American Statistical Association.

Gutiérrez, A. (2018). *Revisión del diseño de muestreo y esquema de análisis de la Encuesta Nacional de Empleo, Desempleo y Subempleo-ENEMDU*. Misión de Asistencia Técnica. Quito.

Heredia, O. (2010). *El problema de la Calibración*. Aguascalientes: Dirección de diseño y marcos estadísticos - Instituto Nacional de Estadística y Geografía – INEGI.

Hidiroglu, M., Särndal, C., & Binder, D. (1995). Weighting and Estimation in Business Surveys. En Cox, Binder, Chinnappa, Christianson, Colledge, & Kott, *Business Survey Methods* (págs. 477-502). Jhon Wiley & Sons.

Lemaitre & Dufour (1987). An integrated method for weighting persons and families. *Survey Methodology*, 13(2).

Kish, L. (1987). *Statistical Design for Research*. New York: Wiley.

Kish, L. (1972). *Muestreo de Encuestas*. México: Trillas.



Kish, L. (1999). "Combining/Cumulating Population Surveys", *Survey Methodology*.

Särndal C.E. (1992). Calibration estimators in survey sampling. *Journal of the American statistical Association*.

Kish, Leslie; Frankel, Martin Richard (1974). "Inference from Complex Samples." *Journal of the Royal Statistical Society*.

Wolter, K.M. (1985) *Introduction to Variance Estimation*. Springer-Verlag, New York.

Lehtonen R. & Pahkinen E. (1995). *Practical Methods for Design and Analysis of Complex Surveys*. Maligalig & Martinez (2013). *Developing a Master Sample Design for Households Surveys in Developing Countries: A Case Study In Bangladesh*. *Survey Methods: Insights from the Field*.

Potter F.J. (1990). A study of procedures to identify and trim extreme sampling weights. *American Statistical Association*, pp 225–230.

Särndal, C.E. y Swensson, B. y W. J. (2003). *Model Assisted Survey Sampling*. Springer Series in Statistics. Springer: New York.

Silva A. (2004). *Calibration Estimation: When and Why, How much and How*. Rio de Janeiro: Instituto Brasileiro de Geografia e Estatística - IBGE.

Valliant R., Dever J.A. y Kreuter F. (2013). *Practical Tools for Designing and Weighting Survey Samples*. Springer International Publishing.

Anexo 1: Esquema de calibración propuesto.

El post estrato al que pertenece cada observación se puede identificar mediante un identificador de 5 dígitos (id_calib), por ejemplo "01_1_1_1", que hacen referencia a los cruces utilizados para definir cada post estrato de acuerdo al siguiente detalle:

Dígito	Descripción y valores posibles
01	Dominio geográfico: Quito (01), Guayaquil (02), Cuenca (03), Machala (04), Ambato (05), Resto urbano (06) y rural nacional (07)
1	Área: urbana (1) o rural (2)
1	Sexo: hombre (1) mujer (2)
1	Grupo de edad: menor a 15 años (1), y mayor o igual a 15 años (2)

En el ejemplo citado anteriormente, el post estrato "01_1_1_1" identifica a los individuos hombres menores a 15 años de Quito (las ciudades principales son áreas urbanas por construcción).

id_calib	Población
01_1_1_1	212.106
01_1_1_2	789.389
01_1_2_1	235.891
01_1_2_2	853.357
02_1_1_1	328.060
02_1_1_2	1.028.145
02_1_2_1	348.415
02_1_2_2	1.093.837
03_1_1_1	47.966
03_1_1_2	152.398
03_1_2_1	55.338
03_1_2_2	175.684
04_1_1_1	34.342
04_1_1_2	108.851
04_1_2_1	35.150
04_1_2_2	111.328
05_1_1_1	22.432
05_1_1_2	75.100
05_1_2_1	25.026
05_1_2_2	83.796
06_1_1_1	1.028.696
06_1_1_2	2.296.830
06_1_2_1	1.090.139
06_1_2_2	2.433.926
07_2_1_1	961.720
07_2_1_2	2.007.402
07_2_2_1	949.855
07_2_2_2	1.994.077
Total	18.579.256



Anexo 2: Medidas para evaluar el esquema de calibración planteado

Medida 1:

Dominio	er_upm
Quito	2,75E-16
Guayaquil	4,38E-16
Cuenca	5,13E-16
Machala	6,58E-16
Ambato	3,31E-16
Resto urbano	1,13E-15
Rural	1,52E-12

Medida 2:

Dominio	cv_upm
Quito	5,15%
Guayaquil	4,75%
Cuenca	9,83%
Machala	6,54%
Ambato	6,96%
Resto urbano	7,31%
Rural	10,65%

Medida 3:

Dominio	L	n	M3_upm
Quito	1	8.395	22,06%
Guayaquil	1	9.122	18,30%
Cuenca	1	5.930	39,11%
Machala	1	6.967	34,00%
Ambato	1	4.950	27,72%
Resto urbano	1	27.309	54,62%
Rural	1	23.035	18,00%



Medida 4:

Dominio	n	U	U3	M4_upm_U	M4_upm_U3
Quito	8.395	2,15721	3	21,50%	6,44%
Guayaquil	9.122	1,86313	3	21,07%	4,53%
Cuenca	5.930	3,02534	3	11,87%	13,15%
Machala	6.967	2,15191	3	20,74%	8,15%
Ambato	4.950	2,31313	3	19,68%	11,29%
Resto urbano	27.309	2,55587	3	18,53%	14,90%
Rural	23.035	3,16902	3	12,32%	14,01%

Medida 5:

Dominio	cv_g_upm
Quito	0,60%
Guayaquil	0,48%
Cuenca	1,16%
Machala	0,70%
Ambato	0,65%
Resto urbano	1,71%
Rural	2,95%

Medida 6:

Dominio	dist_g_upm
Quito	207,283
Guayaquil	157,755
Cuenca	191,905
Machala	39,7528
Ambato	41,9497
Resto urbano	1226,3
Rural	3585,5



@InecEcuador



@ecuadorencifras



@ecuadorencifras



INECEcuador